

Correction

1. Les droites (IJ) et (DC) sont toutes deux parallèles à (DC) donc parallèles entre elles ; elles sont donc coplanaires : **Réponse c.**

2. Les coordonnées des points I,J,K et L sont :

- Le milieu I de [AS] a pour coordonnées $(0 ; -\frac{1}{2} ; \frac{1}{2})$.
- Le milieu J de [BS] a pour coordonnées $(\frac{1}{2} ; 0 ; \frac{1}{2})$.
- Le milieu K de [CS] a pour coordonnées $(0 ; \frac{1}{2} ; \frac{1}{2})$.
- Le milieu L de [JK] a pour coordonnées $(\frac{1}{4} ; \frac{1}{4} ; \frac{1}{2})$.

Réponse d.

3. Les arêtes son toutes de longueur BC. On applique le théorème de Pythagore dans le triangle OBC rectangle en O, on obtient $BC=\sqrt{1+1}=\sqrt{2}$:

Réponse b.

4. Les vecteurs $\overrightarrow{JK}, \overrightarrow{BJ}$ et \overrightarrow{BK} ont pour coordonnées :

$$\overrightarrow{JK}=\begin{pmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ 0 \end{pmatrix}, \overrightarrow{BJ}=\begin{pmatrix} -\frac{1}{2} \\ 0 \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix} \text{ et } \overrightarrow{BK}=\begin{pmatrix} -1 \\ \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{pmatrix}. \text{ Les normes de ces vecteurs sont les longueurs des cotés du triangle BJK.}$$

On a donc :

$$\|\overrightarrow{JK}\|=\sqrt{(\frac{1}{2})^2+(\frac{1}{2})^2+0^2}=\frac{\sqrt{2}}{2}, \quad \|\overrightarrow{BJ}\|=\sqrt{(-\frac{1}{2})^2+0^2+(\frac{1}{2})^2}=\frac{\sqrt{2}}{2} \text{ et } \|\overrightarrow{BK}\|=\sqrt{(-1)^2+0^2+(\frac{1}{2})^2+(\frac{1}{2})^2}=\sqrt{\frac{3}{2}}.$$

Le triangle BJK est isocèle (car $KJ=BJ$) mais il n'est pas rectangle en J car il ne vérifie pas le théorème de Pythagore, en effet $JK^2+BJ^2=\frac{1}{2}\neq BK^2=\frac{3}{2}$.

5. Les coordonnées du vecteur \overrightarrow{BS} sont :

$$\begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Réponse d.

6. La droite (BS) a pour vecteur directeur $\overrightarrow{BS}(-1 ; 0 ; 1)$; la seule représentation paramétrique qui convienne est :

$$\begin{cases} x= & 1-t \\ y=0, & t \in \mathbb{R} \\ z= & t \end{cases}$$

Réponse c.

7. Une équation cartésienne du plan (IJK) :

On procède par élimination.

- Le plan d'équation $x-y+z-1=0$ ne contient pas $K(0 ; \frac{1}{2} ; \frac{1}{2})$; on élimine **a.**
- Le plan d'équation $x+z-1=0$ ne contient pas $K(0 ; \frac{1}{2} ; \frac{1}{2})$; on élimine **c.**
- Le plan d'équation $x+y+z=1$ ne contient pas $I(0 ; -\frac{1}{2} ; \frac{1}{2})$; on élimine **d.**

En effet le plan (IJK) est parallèle à la base de la pyramide et coupe l'axe des z au point de cote $z=\frac{1}{2}$, il a pour équation cartésienne : $z=\frac{1}{2}$.

Réponse b.