

Exercice 2

Pour chaque question, trois affirmations sont proposées, une seule de ces affirmations est exacte.

1. On considère la suite (u_n) définie pour tout entier naturel n par $u_n = n^2 - 13n + 15$.

- A. La suite (u_n) est minorée.
- B. La suite (u_n) est décroissante.
- C. L'un des termes de la suite (u_n) est égal à 2022.

2. On considère la suite (u_n) définie par $u_0 = 2$ et, pour tout entier naturel n , $u_{n+1} = 0,75u_n + 10$.

On considère la fonction « seuil » suivante écrite en Python :

```
def seuil :  
    u = 2  
    n = 0  
    while u < 30 :  
        u = 0,75*u + 10  
        n = n+1  
    return n
```

Cette fonction renvoie :

- A. la plus petite valeur de n telle que $u_n \geq 30$;
 - B. la plus petite valeur de n telle que $u_n < 30$;
 - C. la plus grande valeur de n telle que $u_n \geq 30$.
3. On considère les suites (u_n) et (v_n) telles que, pour tout entier naturel n ,

$$u_n = 1 - \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad \text{et} \quad v_n = 1 + \left(\frac{1}{2}\right)^n.$$

On considère de plus une suite (w_n) qui, pour tout entier naturel n , vérifie $u_n \leq w_n \leq v_n$.

On peut affirmer que :

- A. Les suites (u_n) et (v_n) sont géométriques.
- B. La suite (u_n) est minorée par 1.
- C. La suite (w_n) converge vers 1.

4. On considère deux suites (U_n) et (V_n) définies sur \mathbb{N} telles que :

- pour tout entier naturel n , $U_n \leq V_n$;
- $\lim_{n \rightarrow +\infty} V_n = 2$.

On peut affirmer que :

- A. la suite (U_n) converge;
- B. pour tout entier naturel n , $V_n \leq 2$;
- C. la suite (U_n) est majorée.